

Prikaz podataka

Lidija Bilić-Zulle, Mladen Petrovečki



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

• prikupljanje podataka i mjerjenje \Leftrightarrow izvorni podaci
• prikaz podataka u znanstvenom radu \Leftrightarrow sažimanje

- tablice i slike (grafikoni)
- kvalitativni podaci
 - apsolutna i relativna učestalost (frekvencija)
 - kontingencijske tablice, stupčasti i kružni grafikoni
- kvantitativni podaci
 - mjere prosjeka (središnjice) i odstupanja (raspršenja)
 - grafikon okvira s ručicama

Prikaz podataka

- prikupljanje podataka i mjerjenje \Leftrightarrow izvorni podaci
• prikaz podataka u znanstvenom radu \Leftrightarrow sažimanje
 - tablice i slike (grafikoni)
 - kvalitativni podaci
 - apsolutna i relativna učestalost (frekvencija)
 - kontingencijske tablice, stupčasti i kružni grafikoni
 - kvantitativni podaci
 - mjere prosjeka (središnjice) i odstupanja (raspršenja)
 - grafikon okvira s ručicama



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

2

Tablični prikaz podatka

- stvarna vrijednost podataka
- logički dobro organizirana velika količina podataka \Rightarrow jednostavno snalaženje i čitanje podataka
- tablica – samostalna cjelina:
 - naslov tablice
 - svrha tablice, ustroj istraživanja
 - iznad tablice, numeriran, bez točke na kraju
 - legenda
 - ispod tablice, opis kratica i simbola (paziti na upute časopisa)
 - jasni naslovi stupaca



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

• • • • • • 3

Slikovni prikaz podataka

- prikaz međusobnog odnosa podataka
- svrha: jasno tumačenje rezultata
- naslov slike (grafikoni, crteži, sheme...)
 - ispod slike, numeriran, s točkom na kraju
 - legenda
 - broj opažanja i vrsta prikazane pogreške
- nije dopušteno:
 - rabiti 3D grafikone
 - prikazivati mjere prosjeka bez mjera odstupanja



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

• • • • • • 4

Kvalitativni podatci

- utvrđuje se kvaliteta promatranoj obilježja i svrstava se u jednu od kategorija \Rightarrow nominalna ili ordinalna ljestvica
- opis podataka:
 - apsolutna učestalost (broj)
 - relativna učestalost (udio, postotak)
- prikaz podataka:
 - kontingencijske tablice
 - stupčasti grafikoni



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

• • • • • • 5

Apsolutna i relativna učestalost

- apsolutna učestalost (broj pojavnosti)
 - NE ukazuju na odnose među skupinama
- relativna učestalost (udio)
 - osim ukupnog broja pokazuju i odnos među skupinama

primjer: jednodimenzionska tablica s apsolutnim i relativnim učestalostima

Pušenje	N (%)
da	180 (62)
ne	110 (38)
ukupno	290 (100)



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

• • • • • • 6

Kontingencijske tablice

- prikazuju obilježja mjerena nominalnom i ordinalnom ljestvicom (kvalitativni podaci)
- dvodimenzijske: pokazuju podatke dvaju ili više obilježja

primjer: kontingencijska tablica s prikazom apsolutnih i relativnih učestalosti pušača s obzirom na spol u skupini ispitanika (N=290)

Pušenje	spol	
	žene, N (%)	muškarci, N (%)
da	120 (80)	60 (43)
ne	30 (20)	80 (57)
ukupno	150 (100)	140 (100)

Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

7

Kružni grafikon

- prikaz relativnih učestalosti (ukupan zbroj prikazanih podataka 100%)



Stupčasti grafikon

- rabe se za prikaz apsolutnih učestalosti (histogram frekvencija)
- položeni ili okomiti stupci

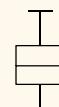


Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

9

Kvantitativni podatci

- brojčani podaci (slijede intervalnu i omjernu ljestvicu)
 - prikaz podataka \Rightarrow mjere prosjeka i odstupanja
- mjere prosjeka (središnjice) mjere odstupanja (raspršenja)
- | | |
|--------------------------------|------------------------------|
| aritmetička sredina | standardna devijacija |
| medijan (centralna vrijednost) | raspon, kvartili, percentili |
| mod (dominantna vrijednost) | |
- slikovni prikaz podataka:
 - grafikon okvira s rucicama



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

10

Mjere prosjeka i odstupanja

- najčešće se upotrebljavaju:
 - aritmetička sredina i standardna devijacija
 - podaci slijede normalnu raspodjelu
 - veliki uzorak
 - medijan i raspon (centili, kvartili)
 - podaci ne slijede normalnu raspodjelu
 - mali uzorak
 - raspon pouzdanosti
 - aritmetičke sredine
 - medijana
- rjeđe upotrebljavani:
 - varijanca, računski raspon, standardna pogreška

Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

11

Aritmetička sredina

$$\text{aritmetička sredina} = \frac{\text{zbroj vrijednosti svih podataka}}{\text{broj podataka}}$$

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n}{N}$$

- prosjek, težište skupa podataka

Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

12

Aritmetička sredina

ispitanik →

1	2	3	4	5	6	7	8	9
5	7	7	8	8	9	9	9	10

broj popušenih cigareta →

1	2	3	4	5	6	7	8	9
5	7	7	8	8	9	9	9	10

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n}{N}$$

$$\bar{x} = \frac{5 + 7 + 7 + 8 + 8 + 9 + 9 + 9 + 10}{9} = \frac{72}{9} = 8$$



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



13

Medijan

ispitanik →

1	2	3	4	5	6	7	8	9
5	7	7	8	8	9	9	9	10

broj popušenih cigareta →

1	2	3	4	5	6	7	8	9
5	7	7	8	8	9	9	9	10

- vrijednost koja se u nizu podataka nalazi točno u sredini
- dijeli skup na dva jednaka dijela
- ako je N = paran broj
 - medijan = aritmetička sredina dvaju središnjih podatka



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



14

Mod

ispitanik →

1	2	3	4	5	6	7	8	9
5	7	7	8	8	9	9	9	10

broj popušenih cigareta →

1	2	3	4	5	6	7	8	9
5	7	7	8	8	9	9	9	10

primjer: aritmetička sredina = 8; medijan = 8; mod = 9

- najučestalija vrijednost u nizu podataka
- ako su podaci grupirani u razrede:
 - mod = aritmetička sredina razreda s najvećom učestalošću



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



15

Standardna devijacija

$$SD = \sqrt{\frac{\sum(X - \bar{X})^2}{N-1}}$$

- prosječno odstupanje od aritmetičke sredine
- smije se računati i prikazivati SAMO uz aritmetičku sredinu ($X \pm SD$)



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



16

Raspon

- raspon od najmanje (minimuma) do najveće (maksimuma) izmjerenе vrijednosti:
 - $X_{\min} - X_{\max}$
- moguće izraziti i kao brojčanu vrijednost razlike između najveće i najmanje vrijednosti u nizu:
 - $R = X_{\max} - X_{\min}$
- najmanje informativna mjera odstupanja
- ekstremni rezultati mogu znatno povećati raspon



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



17

Kvartili

1	2	40	41	42	81	82
18	30			34				39	63	
min	1. kvartil			2. kvartil				75.	max	
	percentil			medijan				percentil		
	25.									

- raspon sadrži 4 jednakna djela od 25 centila koji se nazivaju kvartili
- interkvartilni raspon (IR):
 - raspon 25. i 75. centila (ili 1. i 3. kvartila)
 - razlika vrijednosti 3. i 1. kvartila



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



18

Centili

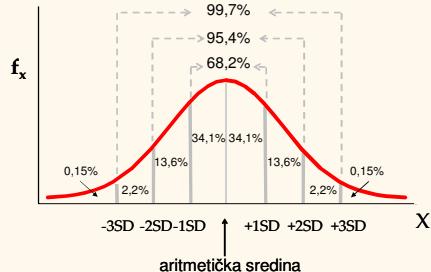
- raspon podijeljen na sto dijelova – centil (percentil)
- označava postotak raspodjele
 - 1. centil = najmanja vrijednost (minimum)
 - 25. centil = 1. kvartil
 - 50. centil = medijan = 2. kvartil
 - 75. centil = 3. kvartil
 - 100. centil = najveća vrijednost (maksimum)



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

19

Normalna raspodjela

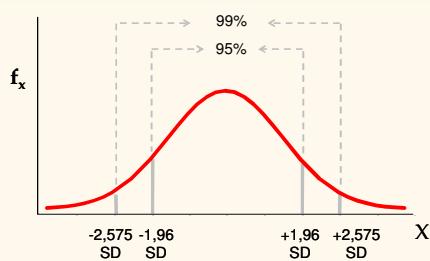


Raspodjela podataka prikazuje se histogramom frekvencije. Os X prikazuje promatrano obilježje, a os Y frekvenciju promatranih obilježja.

Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

20

Normalna raspodjela



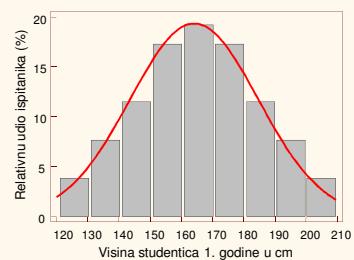
Izvor: Dawson-Saunders B, Trapp RG. Basic & clinical biostatistics. Lange Medical Books/McGraw-Hill, New York – Toronto, 2004.



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

21

Normalna raspodjela



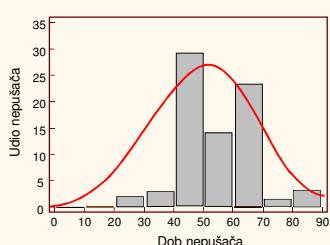
• podatci se opisuju s pomoću aritmetičke sredine i standardne devijacije



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

22

Podatci ne slijede normalnu raspodjelu



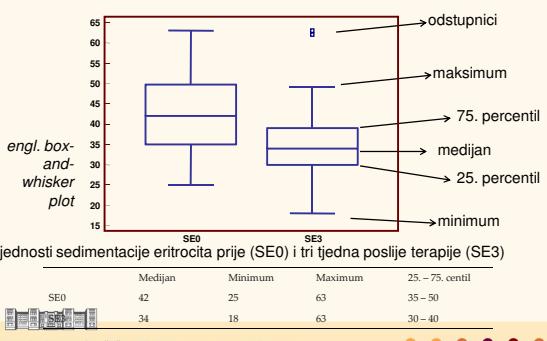
• podaci se opisuju s pomoću medijana i raspona



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

23

Grafikon okvira s ručicama



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

4

Odstupnici

- vrijednosti koje odstupaju (engl. outliers)
- kriterij za odstupnike:
 - 25. centil - 1,5 × IR (< prosječne vrijednosti)
 - 75. centil + 1,5 × IR (> prosječne vrijednosti)
- "daleki" odstupnici
 - 25. centil - 3 × IR (< prosječne vrijednosti)
 - 75. centil + 3 × IR (> prosječne vrijednosti)
- provjera
 - pogreška mjerena ili upisivanja?
 - djelovanje nepoznatog čimbenika?
- NE smiju se izbrisati niti zatajiti



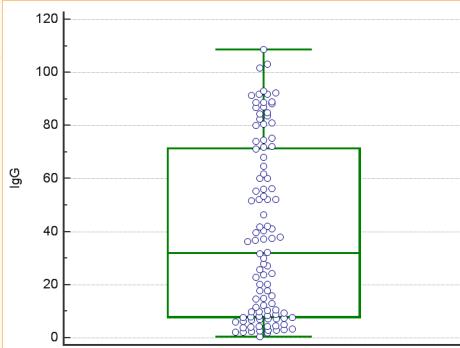
Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

25

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
1	age	sex	SE0	SE3	SE6	paint/month	paint/month	RGroups	IgA	IgG
2	52	1	48	40	36	3	1	1	61,7	31,8
3	45	2	50	40	36	3	1	1	3,1	37,5
4	24	2	35	26	26	2	1	1	7,3	37
5	44	2	46	33	30	2	0	1	10,4	51,6
6	33	2	38	30	27	2	0	1	85,2	80
7	39	1	29	26	26	2	0	1	1,2	17,7
8	73	1	45	37	33	3	1	1	17,9	50,1
9	51	1	57	45	37	2	1	1	7,5	88,1
10	44	2	51	40	36	2	0	1	67,8	68,1
11	31	2	46	36	34	2	2	1	63	71
12	50	2	43	33	26	2	1	1	105,3	60,6
13	50	2	37	29	27	3	0	1	37,4	91,9
14	37	1	36	26	26	3	0	1	22,9	75,3
15	53	2	39	30	19	2	1	1	34,3	100,2
16	69	2	44	40	29	2	1	1	18,6	52,1
17	56	2	29	25	27	3	1	1	22,3	30,1
18	65	2	37	30	28	2	0	1	5,8	97
19	52	2	45	36	33	3	2	1	32	89
20	79	1	52	38	30	3	0	1	53,6	86,7
21	23	2	55	40	35	2	0	1	22,8	27,2
22	59	2	37	32	34	3	1	1	22,9	35
23	60	2	33	26	28	2	1	1	30,8	2,7
24	51	1	30	26	27	2	1	1	7,1	27,9
25	66	1	46	39	30	2	1	1	47,3	39,6
26	35	1	49	37	33	2	1	1	53,3	5,3
27	60	1	54	42	48	3	1	1	72,2	41,1
28	62	1	56	39	30	2	1	1	106	99
29	74	1	51	41	34	3	1	1	34,7	71,9

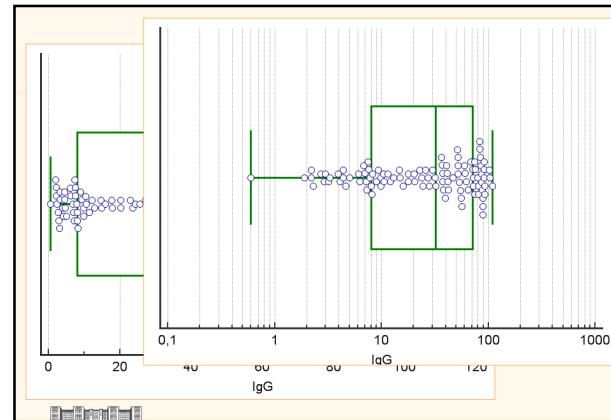
Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

25



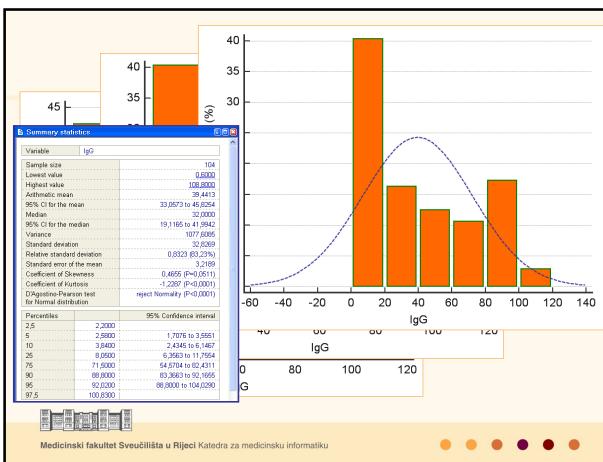
Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

25



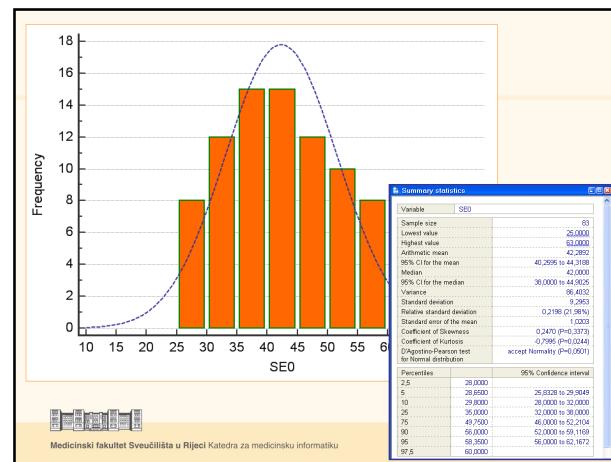
Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

25



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

25



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

25

