

## Statistička obradba biomedicinskih podataka: uvodna razmatranja

Prof. dr. sc. Mladen Petrovečki



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

Sva predavanja: [mi.medri.hr](http://mi.medri.hr)

<http://mi.medri.hr/e-prilozi.html>



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

Raspored nastave

Biostatistika (studij na hrvatskom jeziku)

ponedjeljak 30. svibnja – petak 3. lipnja 2016., 15 – 19h30 sati

Pogljičarski salonski

- Statistička metodologija znanstvenog rada i statistička hipoteza
- Odabir statističkog testa
- Tabični i grafički prikaz podataka (deskriptivna statistika, prikaz kategoričkih i brojčanih podataka)
- Vrste istraživanja
- Granice pouzdanosti
- Snaga studije
- Logičke zakonitosti znanstvenog rada
- Najčešće statističke pogreške u istraživanjima iz područja dentalne medicine

Voditelj nastave prof. dr. sc. Mladen Petrovečki

Suradnici u nastavi: prof. dr. sc. Ane-Maria Šimundic, prof. dr. sc. Lidija Bilić-Zulle



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

## Ispit

- pisani seminarski rad
- kritička raščlamba statističkih postupaka objavljenog znanstvenog rada
  - područje dentalne medicine (biomedicine)
  - dostavljanje:
    - elektronički ⇒ [mladenp@kbf.hr](mailto:mladenp@kbf.hr)
    - u doc ili rtf formatu
    - zajedno s pdf-om izvornoga rada
  - poslati desetak dana prije usmene obrane
  - pomoćna pitanja:  
[http://mi.medri.hr/assets/pomocna\\_pitanja\\_za\\_seminar.pdf](http://mi.medri.hr/assets/pomocna_pitanja_za_seminar.pdf)



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

## Ispit

- rad koji se tumači:
  - iz časopisa citiranog u *Current Contents*-u
  - cjelokupno istraživanje (NE osvrт na drugi objavljeni rad)
  - najmanje dva priloga (tablica, slika)
  - jasan opis (tekst) statističkih postupaka
- **nema ispitnih razdoblja!**



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

## Ispit

- seminarски рад
  - име и презиме полазника
  - студиј, колеџ, година наставе
  - назив (referencija) рада који се тумачи
  - литература (ако се ради)
- пример (ако затреба):  
<http://mi.medri.hr/assets/ispit-seminar.pdf>



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Literatura

- Dawson-Saunders B, Trapp RG. Basic & Clinical Biostatistics. Prentice-Hall Int. Inc., London, 2004.
- Petrie A, Sabin C. Medical statistics at a glance. Blackwell Science, Oxford, 2000.
- Marušić M i sur. Uvod u znanstveni rad u medicini. Medicinska naklada, Zagreb, 2013.
- Petz B, Kolesarić V, Ivanec D. Petzova statistika – Osnovne statističke metode za nematematičare. Naklada Slap, Jastrebarsko, 2012.
- StatSoft Inc. Electronic Statistics Textbook. Tulsa, OK: StatSoft, 2002. (<http://www.statssoft.com/textbook/stathome.html>)
- Moher D, Schulz KF, Altman DG, for the CONSORT Group. The CONSORT statement: revised recommendations for improving the quality of reports of parallel group randomized trials. Lancet 2001;357:1191-4. ([http://www.consort-statement.org/\\_revisedstatement.htm](http://www.consort-statement.org/_revisedstatement.htm))



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Literatura

Znanost je sumnja.

(N. Alegretti)



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



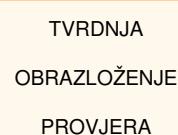
## Statistička metodologija znanstvenog istraživanja



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

## Metodologija znanstvenog istraživanja

- znanost kao način razmišljanja
- znanstveno djelovanje
  - privremeno tumačenje
  - hipoteza
  - zaključak
- provjerljivost
- postavke ⇒ činjenice ⇒ znanje



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Pokus

- pokus – istraživanje / dio istraživanja
- planiranje pokusa
- nasumični odabir (randomizacija) ▶
- prikrivanje (maskiranje) ▶



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Nasumični odabir

- funkcija slučajnog broja (uniformna raspodjela)
- npr. Excel → RAND()
- biranje slučajnih brojeva
  - <http://graphpad.com/quickcalcs/RandMenu.cfm>
  - <https://www.random.org/>
  - <http://www.randomizer.org/>



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Odluka, ždrijeb, slučajnost

Kada je zvao junaka na mejdan, sâm jâ se s njime  
Ogledah, a vi moliste tad, da izide ždr'jeb moj,  
I bi po molitvi vašoj. A pitate l', kakav svršetak  
Toga bješe mejdana: nijesam od Hektora svladan.

...  
Ovidije, Metamorfoze, 13. pjevanje, 87. i dalje



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Slučajnost, značajnost

- slučajnost (*randomness*)
  - skup događaja (uzroka) koji dovode do posljedica koje je nemoguće predvidjeti njihovim poznavanjem (tj. poznavanjem uzroka)
  - događaj bez uzroka
  - svaki nedeterministički događaj
  - pseudonim kojim se služi Bog kad se ne želi potpisati (Anatole France)
- značajnost (*significance*)
  - sve što se ne događa slučajno
  - sve što može poći loše neće završiti dobro (Murphreyev zakon, IV. zakon termodinamike)



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Prikrivanje

- jednostruko
- dvostruko
- trostruko
- četverostruko



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Vjerojatnost

- modeli vjerojatnosti:
  - deterministički
    - predvidivi događaji
  - probabilistički
    - slučajni događaji



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Vjerojatnost jest...

- izračun matematičke vrijednosti ostvarivanja nekog događaja
- matematički ⇒ teorija vjerojatnosti
  - statistika
  - matematika
  - znanstvena metodologija
  - logika i filozofija
- zaključivanje o ostvarivosti događaja



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Probabilistički model vjerojatnosti

- tri sastavnice:
  - ishod mjerena
  - ostali događaji koji nastaju (njihova brojnost i ovisnost)
  - vrijednost vjerojatnosti  $P$  (engl. *probability*)

$$0 < P < 1$$



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Izračun vjerojatnosti

- vjerojatnost događaja  $P$ 
$$P = \frac{\text{broj povoljnih mogućnosti}}{\text{ukupni broj mogućnosti}}$$
- vjerojatnost događaja:
  - vrijednost u rasponu 0-1
  - 0 – vjerojatnost nemogućeg događaja
  - 1 – vjerojatnost sigurnog događaja



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Hipoteza

- znanstvena hipoteza
- statistička hipoteza



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Znanstvena hipoteza

- Uvod; 3. pogl.

- značajke dobre hipoteze
  - svrhovita
  - provjerljiva
  - suglasna s općim znanjem
  - jednostavna



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Statistička hipoteza

- elementarna tvrdnja
- točna (istinita) ili netočna (neistinita)
- provjera hipoteze  $\Rightarrow$  traženje istine



Ivana Brlić Mažuranić  
Kako je Potjeh tražio istinu  
Mladost, Zagreb; Albert Knerl, 1967.



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Statistička hipoteza

- istina  $\Rightarrow$  stvarno, objektivno stanje
- probabilistički sustav:  
istina  $\Rightarrow$  vjerojatnost
- značajno  $\Rightarrow$  ono što se ostvaruje na svaki drugi način osim slučajno:  
iskaz vjerojatnosti  $\Rightarrow$  razina značajnosti



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Testiranje statističke hipoteze

1. postavljanje hipoteze
2. odabir statističkog testa
3. određivanje razine značajnosti
4. izračunavanje statistike testa
5. zaključivanje



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Testiranje statističke hipoteze, primjer

ACTA  
STOMATOLOGICA  
CROATICA  
[www.actcro.hr](http://www.actcro.hr)

Acta Stomatol Croat. 2013;47(2):137-146.  
IZVORNI ZNANSTVENI RAD  
ORIGINAL SCIENTIFIC PAPER

Man Mon Tin-Oo, Teh YY Ying, Norkhafizah Sediki, Shani Ann Meni

**Samoopažena halitoza kod diplomskih studenata medicine, dentalne medicine i zdravstvenih znanosti na Sveučilištu Sains Malaysia**

*Self-Reported Halitosis among Medical, Dental and Health Science Undergraduate Students at the University Sains Malaysia*



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Testiranje statističke hipoteze, primjer

Tablica 2. Čimbenici povezani sa samoopaženom halitozom (n=300)

Razlikuje li se učestalost samoopažene halitoze prema... pojavnosti naslaga na jeziku?

Naslaga na jeziku • Tongue coating	DA		NE		$\chi^2$ (df)	P
	n	%	n	%		
Da • Yes	17	(19,3)	71	(8,07)	4,935 (1)	0,036
Ne • No	22	(10,4)	190	(89,6)		



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## 1. Postavljanje hipoteze

- ništična:  
→  $H_0$ -hipoteza: razlike nema!
- suprotna  
→  $H_1$ -hipoteza: razlike ima!

- samo jedna može biti **istinita**
- samo jedna može biti **prihvaćena**, dok će ona preostala biti **odbačena**



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Ništična hipoteza

Nema razlike ≈ "Nisam kriv"



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Ništična hipoteza

Nema razlike



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## 2. Odabir testa

- testiranje statističkih hipoteza
- ovisnost:
  - osobine obilježja – mjerne ljestvice
  - osobine uzoraka
    - veličina
    - povezanost
  - osobine raspodjele
    - parametrijski
    - neparametrijski
  - broj obilježja – uni/bi/multivarijatni testovi



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Mjerenje i mjerne ljestvice

- postupak kojim primjenom jednoznačnog pravila ispitivanim jedinkama pridružujemo brojevne vrijednosti ili oznake
- rezultat mjerenja → podatak
- instrument mjerenja → merna ljestvica
  - kvalitativne:
    - nominalna (kategorička)
    - ordinalna (uredbena)
  - kvantitativne (kardinalne):
    - intervalna
    - omjerna



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Nastavak (mjerno obilježje)

- Mjerne ljestvice
  - nominalna
  - ordinalna
  - intervalna
  - omjerna



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Ordinalna ljestvica

- nazočnost bjelančevina u mokraći (testna traka)
  - negativan nalaz, poz. +, poz. ++, poz. +++
- razredi u smislenom (rastućem) nizu
  - stupanj opeklina (I – IV)
- širina razreda: nejednaka
- nedostatak: subjektivna procjena



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Intervalna ljestvica

- temperatura u °C, pH
- izražava količinu → brojevna vrijednost odgovara vrijednosti obilježja
- svi intervali su jednake širine
- vrijednost "nula" ≠ nepostojanje obilježja
- "nula" → dogovorena vrijednost
- omjer dvaju mjerjenja → besmislen



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Omjerna ljestvica

- mjerjenje količine bjelančevina u mokraći (rezultat izražen u g/L)
- kvantitativni podatak – brojnost jedinice mjerjenja
- vrijednost "nula" = nepostojanje obilježja
- omjer → omogućuje procjenu vrijednosti
  - npr: GUK=12,0 mmol/L  $\Leftrightarrow$  dvostruko veća koncentracija od gornje granice referentne vrijednosti



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Pretvorba podataka

- samo jedan smjer
  - od složenijih k jednostavnijima
- kriterij: granična (*cut-off*) vrijednosti
- vrsta studije → utvrđuje vrstu podataka
- primjer:
  - načini bilježenja dobi (dob u godinama; dobna skupina; stariji ili mlađi od 50 godina)
- svako prevođenje podataka mora se jasno opisati i tumačiti



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Ljestvice mjerjenja



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



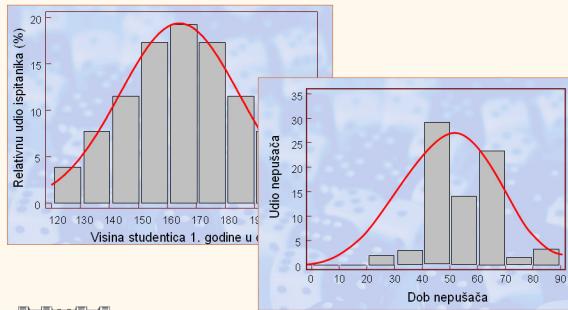
## Nastavak (odabir testa)

Ljestvica	Jedan uzorak		Dva uzorka	
	Ovisni	Neovisni	Ovisni	Neovisni
Nominalna	binomni test	McNemara		Cohran
	hi-kvadrat	Fisher	hi-kvadrat	hi-kvadrat
Ordinalna	Kolm.-Smir.	Wilcoxon		Friedman
	homologni	MW		medijan
Intervalna			Moses	KW
Omjerna		...		

Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Parametrijski i neparametrijski testovi



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## 3. Određivanje razine značajnosti

- (vjerojatnost "P")
- alfa ( $\alpha$ )
  - vjerojatnost odbacivanja  $H_0$  kad je ona stvarno točna i istinita
  - tzv.  $\alpha$ -pogrješka (pogrješka I. vrste)
  - što manja!
  - običajene vrijednosti
    - npr.  $P<0,05$



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## (nastavak)

- zašto upravo to:  $P<0,05$ ?

### POKUS

bacanje novčića: pismo/glava

2x isto uzastopce = 0,5

$3x = 0,25$

$4x = 0,125$

$5x = 0,0625$

...



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## 5. Zaključivanje

- mala vrijednost  $P \Leftrightarrow$  mala vjerojatnost da odbacujemo (ne prihvaćamo) istinitost
- zaključivanje:
  - $P < \alpha$
  - vjerojatnost  $P$  mala
  - odbacujemo (ne prihvaćamo)  $H_0$
  - prihvaćamo alternativnu hipotezu,  $H_1$
  - potvrdimo je, **iskazemo je, uz  $P = ...$**

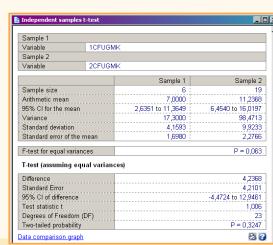


Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## 4. Izračun

- matematički račun
- $P \Leftrightarrow$  egzaktna vrijednost
  - 3 decimalna mjesta
  - npr.  $P = 0,325$



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Pogrješke testiranja hipoteze

PRAVO STANJE		ZAKLJUČENO
RAZLIKA POSTOJI ( $H_1$ )	RAZLIKA NE POSTOJI ( $H_0$ )	
ISPRAVAN ZAKLJUČAK	$\alpha$ pogreška (I. vrste) ( $H_0$ odbacivanje)	RAZLIKA POSTOJI
$\beta$ pogreška (II. vrste)	ISPRAVAN ZAKLJUČAK ( $H_0$ prihvaćanje)	RAZLIKE NEMA

Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Statistički pojmovnik

- istraživanje donosi zaključke o populaciji



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku



## Uzorak i populacija



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

## Zašto uzorak? Zašto ne populacija?

- brzina dobivanja rezultata
- cijena istraživanja
- dostupnost uzorka i jedinki
- stvarna nemogućnost ispitivanja populacije

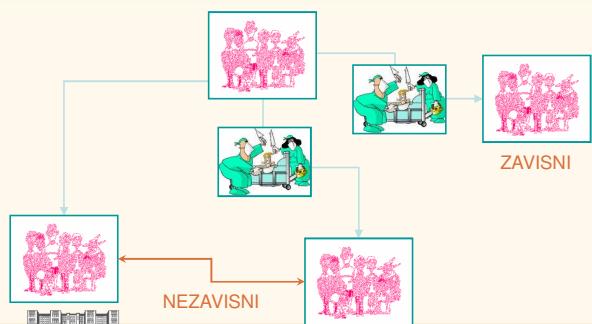
## Uzorak

- reprezentativan
- mjerljiv
- slučajni (probabilistički)

- jednostavni slučajni
- sustavni slučajni
- slojevit slučajni
- skupovni (klasterirani) slučajni

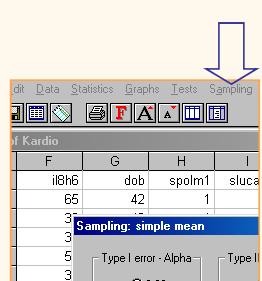
Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

## Zavisni i nezavisni uzorci



## Uzorak (nastavak) – veličina

- uzorkovanje – MedCalc  
(engl. *sampling*)



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

## WWW

- <http://faculty.vassar.edu/lowry/VassarStats.html>
- <http://www.statserv.com/>
- <http://www.randomizer.org/>
- <http://www.bettycjung.net/Statsites.htm>
- <http://shazam.econ.ubc.ca/flip/>
- <http://statpages.org/>
- <http://www.stat.psu.edu/~resources/index.htm>

Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

[mladenp@kbd.hr](mailto:mladenp@kbd.hr)

Klinička bolnica Dubrava  
Klinički zavod za laboratorijsku dijagnostiku  
Avenija G. Šuška 6, 10000 Zagreb  
 01 290 3379

Katedra za medicinsku informatiku  
Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci  
Ulica braće Branchetta 20, 51000 Rijeka  
 051 651 255



Medicinski fakultet Sveučilišta u Rijeci Katedra za medicinsku informatiku

